

Proceedings of International Educators Conference

Hosted online from Rome, Italy.

Date: 25th April, 2023

ISSN: 2835-396X

Website: econferenceseries.com

КОМПЬЮТЕРНОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ЧАСТИЦЫ В ДВУМЕРНОЙ ПОТЕНЦИАЛЬНОЙ ЯМЕ

Э. К. Мухтаров,
С. Сайфутдинова

(магистрант) Андижанский государственный университет

Тел: +99890 258 27 06 erkinmuxtarov@yahoo.com

Уравнение Шредингера имеет широкий диапазон применимости, начиная от атомных и субатомных доменов до конденсированным состоянием материи. Описание многих микроскопических систем возможно только в рамках квантовой механики. Данный подход находит применение не только в идеализированных физических системах.

Задача математического описания реальных систем достаточно сложна. Поэтому ограничимся простейшими случаями. Рассмотрим двумерную прямоугольную потенциальную яму с бесконечными стенками и поместим в туда пробную частицу с массой m . Пусть задана потенциальная энергия как функция координат от x, y . Основываясь на уравнении Шредингера, будем исследовать состояние частицы в потенциальной яме.

В квантовой механике движение нерелятивистской частицы в потенциальном поле описывается уравнением Шредингера

$$i\hbar \frac{\partial \Psi}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \Delta \Psi + U(x, y) \Psi \quad (1)$$

здесь m – масса частицы, $U(x, y)$ – потенциальная энергия, Ψ – волновая функция.

Стационарное уравнение Шредингера описывает состояния системы (в которых энергия принимает определенные значения):

$$\frac{\hbar^2}{2m} \Delta \psi + [E - U(x, y)] \psi = 0 \quad (2)$$

Решения этого уравнения ψ_n называются собственными функциями системы, а соответствующие значения параметра E_n – собственными значениями энергии. При финитном движении частиц (в потенциальной яме) собственные значения E_n образуют дискретный спектр. Гамильтониан является эрмитовым. Поэтому его собственные значения E_n оказываются действительными



Proceedings of International Educators Conference

Hosted online from Rome, Italy.

Date: 25th April, 2023

ISSN: 2835-396X

Website: econferenceseries.com

числами, а матрица является эрмитовой матрицей. Уравнение (2) – дифференциальное уравнение второго порядка в частных производных, его точные решения известны лишь для простейших симметричных потенциалов $U(x, y)$. Во многих случаях приходится прибегать к численным методам расчета [1-3].

Приведем решение уравнения Шредингера для простейшего случая двумерной прямоугольной ямы с бесконечно высокими стенками:

$$U(x, y) = \begin{cases} 0, & M \in \Omega \\ \infty, & M \notin \Omega \end{cases} \quad \Omega = \begin{cases} 0 < x < a \\ 0 < y < b \end{cases} \quad M(x, y)$$

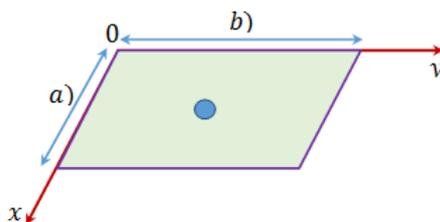


Рис.1. Общий вид двумерной потенциальной ямы

Исходя из симметричности задачи, можно представить волновую функцию в виде произведения функций одной переменной, тогда получаем:

$$\frac{d^2 \psi_x}{dx^2} + k_x^2 \psi_x = 0 \quad (3)$$

$$\psi_{x,n} = C_x \sin k_{x,n}, \quad k_{x,n} = \frac{\pi n}{a} x \quad (4)$$

Искомая волновая функция находится следующим образом:

$$\psi_{n_1, n_2}(x, y) = C \sin k_{x, n_x} \sin k_{y, n_y} \quad (5)$$

$$k_{x, n_x} = \frac{\pi n_x}{a} x, \quad k_{y, n_y} = \frac{\pi n_y}{b} y, \quad n_x, n_y = 1, 2, 3, \dots$$

Собственные значения энергии имеет вид:

$$E_{n_x, n_y} = \frac{\hbar^2}{2m} [k_{x, n_x}^2 + k_{y, n_y}^2]; \quad n_x, n_y = 1, 2, 3, \dots \quad (6)$$

Для моделирования частиц в двумерной потенциальной яме разработана программа на языке Visual Basic [4,5].



Proceedings of International Educators Conference

Hosted online from Rome, Italy.

Date: 25th April, 2023

ISSN: 2835-396X

Website: econferenceseries.com

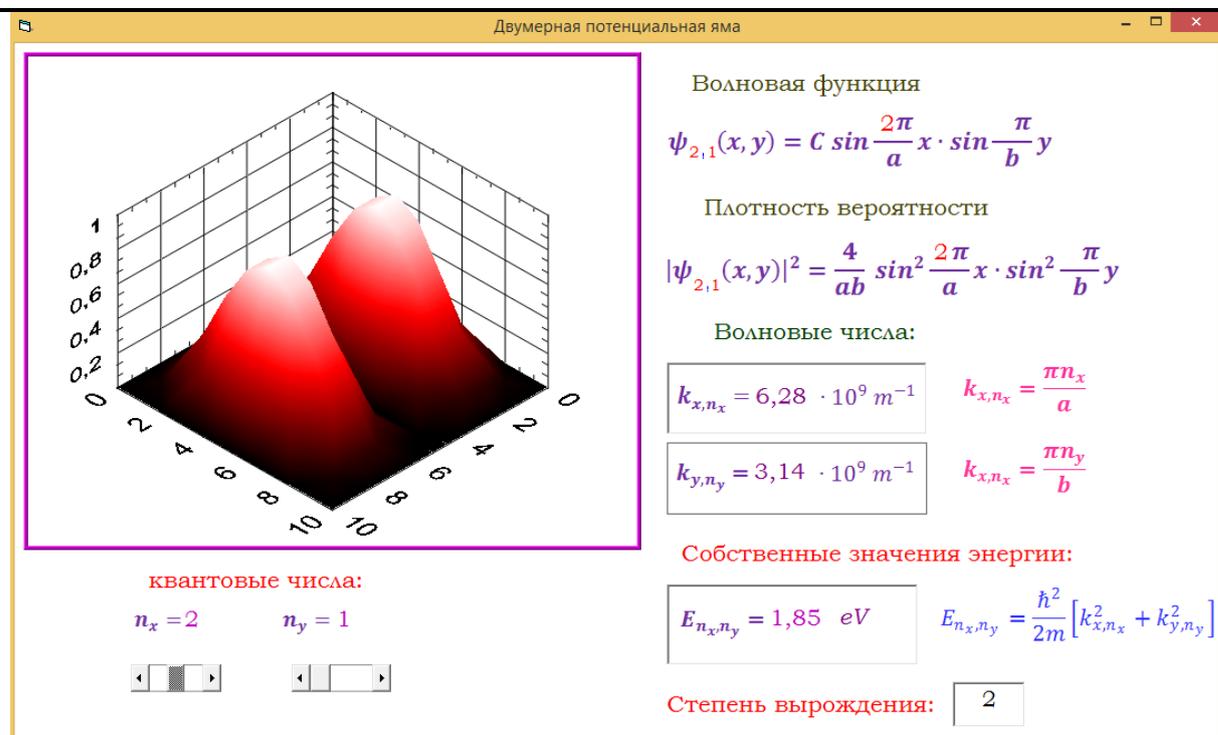


Рис. 2. Основное окно программы при выбранных параметрах задачи.

Программа может работать в двух режимах: ручном и автоматическом. В ручном режиме пользователь самостоятельно задает значение квантового числа, параметр потенциальной ямы. И на их основе программа строит графики волновой функции и плотности вероятности соответствующему значению энергии E .

Имеются специальные поля для вывода волнового числа и собственных значений энергии, соответствующих квантовым числам частиц и размерам потенциальной ямы. Здесь имеется поля, показывающее вырождение волной функции [6].

Программа позволяет изменять квантовые числа в двумерном пространстве и определить плотность вероятности обнаружение частиц, а также значение энергии частиц для разных значений квантовых чисел. Такие программы дает возможность визуализировать квантовые явления и помогают глубокому пониманию происходящих процессов. Данную программу можно использовать при преподавании теоретического материала по квантовой механике в качестве демонстративного источника.

На основе уравнения Шрёдингера с помощью программы исследовано состояние частицы, находящейся в двумерном потенциале. Был

Proceedings of International Educators Conference

Hosted online from Rome, Italy.

Date: 25th April, 2023

ISSN: 2835-396X

Website: econferenceseries.com

продемонстрирован быстрый и точный расчет этих вопросов. Наглядно показаны величины, рассчитывающие состояние частицы, и сформирован новый подход к изучению подобных задач в теоретической механике.

ЛИТЕРАТУРА:

1. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Теоретическая физика. Том III. Квантовая механика. –М.: Физматлит, 2021. –С.804.
2. Dae Mann Kim. Introduction Quantum Mechanics for Applied Nanotechnology. Wiley–VCH Verlag GmbH & Co, 2015.–P. 190.
3. GriffithsD.J., Introduction to Quantum Mechanics, 2nd ed. Pearson Education, Inc., 2005. –P.404.
4. КорольВ.И. Visual Basic 6.0. –М.:Кудиц–образ, 2010.–С.448.
5. Philip Conrod. Learn Visual Basic. Kidv are Software, 2017.–P.556.
6. Мухтаров Э.К. Электронный информационно-образовательный ресурс «Двумерная потенциальная яма». Программный продукт для ЭВМ, №DGU 21510 ,09.01.2023 г.

